

## Automatica (Laboratorio)

Silvio Simani

Dipartimento di Ingegneria

Università di Ferrara

Tel. 0532 293844

Fax. 0532 768602

E-mail: [ssimani@ing.unife.it](mailto:ssimani@ing.unife.it)

URL: <http://www.ing.unife.it/~simani>

URL: <http://www.ing.unife.it/~simani/lessons.html>



Università di Ferrara, Dip. di Ingegneria  
Via Saragat, 1, I-44100, Ferrara

Silvio Simani

## Automatica (Laboratorio)



### Struttura delle lezioni

1. Informazioni generali sul corso
  2. Introduzione a Matlab
  3. Simulazione di Sistemi Dinamici
  4. Introduzione a Simulink
  5. Osservatori e retroazione uscita-stato-ingresso
- ⇒ **Modelli approssimati di sistemi dinamici**
6. Progetto di Reti Correttrici
  7. Identificazione di Sistemi Dinamici
  8. Sintonizzazione di Controllori PID
  9. Analisi di Sistemi a Dati Campionati



## Bibliografia

- ⇒ Dispense del Corso di Laboratorio di Automatica. Sergio Beghelli, Cesare Fantuzzi, Silvio Simani. (Fotocopisteria, tutorato, www)
- 1. Matlab, The Language of Technical Computing. Getting Started with MATLAB. *Version 5.1* (In formato pdf su CD Matlab)
- 2. MATLAB Primer. Second Edition. Kermit Sigmon. Department of Mathematics. University of Florida.
- 3. The MathWorks Inc., Matlab User's Guide, 1993.
- 4. L. F. Shampine and M. W. Reichel, "The Matlab Ode Suite", Tech. Rep., The MathWorks, Inc, 1997. (Disponibile anche come file in formato pdf).
- 5. The MathWorks Inc., Simulink User's Guide, 1995.
- 6. B. C. Kuo, Automatic Control Systems. Englewood Cliffs, New Jersey: Prentice Hall, 7th ed., 1995.
- ⇒ P. Bolzern, R. Scattolini, and N. Schiavoni, Fondamenti di controlli automatici. Milano: McGraw- Hill, I ed., Marzo 1998.
- 7. G. Marro, TFI: insegnare e apprendere i controlli automatici di base con matlab. Bologna: Zanichelli, I ed., Ottobre 1998.
- 8. C. Fantuzzi, Controllori Standard PID. Versione 1.2, Appunti del Corso, 1a ed., Maggio 1997.



## Modelli approssimati di sistemi dinamici

 **Problema della determinazione di modelli semplificati**

 *Riduzione d'ordine del modello*

⇒ Approssimare la risposta del sistema originario

 **Utilizzo di modelli approssimati**

⇒ Progetto di regolatori

⇒ Funzioni di trasferimento con un numero di parametri limitato

 **Tecnica di riduzione dell'ordine di un modello dinamico**

⇒ Mantenere alcuni poli ed il guadagno statico del sistema di partenza



## Riduzione d'ordine del modello

- ⇒ **Forzare la cancellazione polo/zero di una f.d.t.  $G(s)$ :**
- ⇒ poli/zeri sono vicini tra loro nel piano complesso
  - ⇒ Modello approssimato  $G_a(s)$  di ordine ridotto
  - ⇒ Mantenere la costante di guadagno

⇒ **Esempio:**  $G(s) = \frac{(1+\tau_1 s)}{(1+\tau_2 s)(1+\tau_3 s)}$

⇒ se  $\tau_1 \approx \tau_2 \hookrightarrow G_a(s) = \frac{1}{(1+\tau_3 s)}$

⇒  $G_a(s) \neq G(s)$  per  $\omega = \frac{1}{\tau_1}$ ,  $G_a(s) \cong G(s)$  **altrove**



## Poli dominanti

- ⇒ **Poli, reali o complessi, nettamente più vicini all'asse immaginario rispetto agli altri**
- ⇒  $G_a(s)$  contiene solo i poli dominanti
- ⇒ La costante di guadagno deve essere pari a quella di  $G(s)$
- ⇒  $G_a(s)$  è valida solo in bassa frequenza (poli dominanti)
- ⇒ **La risposta frequenziale  $G_a(s)$  dipende:**
- ⇒ dal guadagno di  $G(s)$  (imposto)
- ⇒ dai poli dominanti di  $G(s)$



## Poli dominanti

⇒ **Esempio:**  $G(s) = K \frac{1+\alpha_1 s + \dots + \alpha_m s^m}{1+\beta_1 s + \dots + \beta_n s^n}$  con  $m < n$

⇒  $G_a(s) = K \frac{1+\alpha_1' s + \dots + \alpha_q s^q}{1+\beta_1' s + \dots + \beta_p s^p}$  con  $q < p$  e  $p < n$

⇒  $\ln(s=0) \hookrightarrow G(0) \equiv G_a(0)$

⇒ **Determinazione dei parametri di  $G_a(s)$ :**

⇒  $\frac{|G(j\omega)|^2}{|G_a(j\omega)|^2} = 1$  per  $0 \leq \omega \leq \infty$

⇒ Caratteristiche in frequenza simili dei due sistemi



## Modelli nello spazio degli stati e funzione di trasferimento in Matlab



**Modello nello spazio degli stati** ( $A, B, C, D$ )

⇒ calcolare  $G(s) = C(sI - A)^{-1} + D$  in Matlab



**1) SSSys** = ss(A,B,C,D), TFsys = tf(SSsys)

⇒ Usa le rappresentazioni interne di Matlab



**2) Se**  $G(s) = \frac{NUM(s)}{DEN(s)}$ , [NUM,DEN] = ss2tf(A,B,C,D,iu) **(per l'ingresso iu)**

⇒ DEN, coefficienti denominatore (potenze decrescenti di  $s$ )

⇒ NUM, coefficienti del numeratore (righe ≡ uscite)



**Trasformazione inversa:** [A,B,C,D] = tf2ss(NUM,DEN) **(forma canonica)**



## Esercizio (1) svolto in aula

1. Dato il sistema (A,B,C) calcolare la risposta impulsiva e la risposta al gradino unitario.

Il sistema nello spazio degli stati è descritto dalle seguenti matrici in *Matlab*

A =

$$\begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 \\ -11 & -20 & -15 \\ 12 & 20 & 15 \end{bmatrix}$$

B =

$$\begin{bmatrix} 0 \\ 1 \\ -1 \end{bmatrix}$$

C =

$$\begin{bmatrix} 14 & 18 & 13 \end{bmatrix}$$



## Esercizio (1) svolto in aula

2. Determinare la funzione di trasferimento di un sistema del secondo ordine con lo stesso guadagno statico che approssimi la risposta impulsiva e quella al gradino unitario del sistema di partenza.
3. Confrontare le uscite per un ingresso a rampa e per una sinusoide di pulsazione variabile nel range  $0.1 \div 5$  rad/s.



## Esercizio (2) proposto per l'esame

Un modello nello spazio degli stati di un trasformatore audio è il seguente:

$$\begin{cases} \dot{x}(t) = Ax(t) + Bu(t) \\ y(t) = Cx(t) \end{cases}$$

con

$$A = \begin{bmatrix} 0 & \frac{1}{7} & 0 & 0 \\ -\frac{5}{9}10^{10} & -\frac{5}{9}10^{10} & 0 & 0 \\ 0 & \frac{2000}{13} & -\frac{2000}{13} & 0 \\ 0 & 0 & 5 \cdot 10^{10} & -5 \cdot 10^6 \end{bmatrix}, B = \begin{bmatrix} 0 \\ \frac{5}{9}10^6 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix} \quad e \quad C = [ 0 \quad 0 \quad 0 \quad 0.96 ]$$



## Esercizio (2) proposto per l'esame

1. Realizzare in ambiente *Simulink* il sistema dinamico attraverso la sua funzione di trasferimento;
2. si determini in *Simulink* la risposta del sistema ad un gradino di ampiezza pari ad 1V per la durata di 1ms;
3. si determini e si grafichi in *Matlab* e *Simulink* la risposta dei sottosistemi con cui può essere rappresentato il sistema iniziale ed in cui può essere suddiviso (sistemi del primo e del secondo ordine);
4. si confronti in *Matlab* e *Simulink* la risposta del sistema iniziale con quella dei singoli sottosistemi (sistemi del primo e del secondo ordine) quando sono alimentati da una sinusoide di ampiezza 10V e frequenze variabili in un range di 10, 100, 10k e 100kHz;
5. osservare e commentare le approssimazioni ottenute.

