

Laboratorio (Automatica)

Sergio Beghelli
Silvio Simani

Dipartimento di Ingegneria
Università di Ferrara
Tel. 0532 293844
Fax. 0532 768602

E-mail: {sbeghelli,ssimani}@ing.unife.it

URL: <http://www.ing.unife.it/~simani>



Università di Ferrara, Dip. di Ingegneria
v. Saragat, 1, I-44100, Ferrara, Italia

Silvio Simani

Organizzazione delle Lezioni



Mercoledì 16:00–18:00, Aula 1

⇒ Richiami di Teoria e Presentazione delle Esercitazioni



Venerdì 14:00–18:30, Laboratorio DU Meccanica

⇒ Esercitazioni Guidate al Calcolatore



➡ Organizzazione delle lezioni

1. Informazioni generali sul corso
2. Introduzione a Matlab
3. Simulazione di Sistemi Dinamici
4. Introduzione a Simulink
5. Osservatori e retroazione uscita-stato-ingresso
6. Modelli approssimati di sistemi dinamici
7. Progetto di Reti Correttive
8. Identificazione di Sistemi Dinamici
9. Sintonizzazione di Controllori PID
10. Analisi di Sistemi a Dati Campionati

➡ Informazioni generali sul corso



Informazioni generali sul corso

- ➔ **Modalità d'esame**
- ➔ **Esercizi assegnati ad ogni lezione**
- ➔ Risoluzione in Laboratorio
- ➔ **Raccolta di esperienze da portare all'esame**
 - ➔ Testo esperienza
 - ➔ Strumenti utilizzati
 - ➔ Risultati ottenuti



Bibliografia e strumenti didattici

1. Dispense del Corso di Laboratorio di Automatica. Sergio Beghelli, Cesare Fantuzzi, Silvio Simani. (Fotocopisteria, tutorato, www)
2. Matlab, The Language of Technical Computing. Getting Started with MATLAB. Version 5.1 (In formato pdf su CD Matlab)
3. MATLAB Primer. Second Edition. Kermit Sigmon. Department of Mathematics. University of Florida.
4. The MathWorks Inc., Matlab User's Guide, 1993.
5. L. F. Shampine and M. W. Reichel, "The Matlab Ode Suite", Tech. rep., The MathWorks, Inc, 1997. (Disponibile anche come file in formato pdf).
6. The MathWorks Inc., Simulink User's Guide, 1995.
7. B. C. Kuo, Automatic Control Systems. Englewood Cliffs, New Jersey: Prentice Hall, 7th ed., 1995.
8. P. Bolzern, R. Scattolini, and N. Schiavoni, Fondamenti di controlli automatici. Milano: McGraw-Hill, 1 ed., Marzo 1998.
9. G. Marro, TFI: insegnare e apprendere i controlli automatici di base con matlab. Bologna: Zanichelli, 1 ed., Ottobre 1998.
10. C. Fantuzzi, Controllori Standard PID. Versione 1.2, Appunti del Corso, 1a ed., Maggio 1997.



Introduzione a MATLAB

- ⇒ **Linguaggio per risolvere problemi di calcolo numerico (*MAThematical LABoratory*)**
- ⇒ **Marchio registrato da MathWorks Inc. (U.S.A.)**
- ⇒ **Pacchetto software più diffuso tra progettisti e ricercatori**
- ⇒ **Può essere ampliato da pacchetti specifici (*toolbox*)**
- ⇒ Es. Control System Toolbox, Identification Toolbox, Simulink
- ⇒ **È un interprete in grado di eseguire**
- ⇒ **Istruzioni native (*build-in*)**
- ⇒ **Contenuti in files (*m-files*)**



Elementi di base di Matlab

→ L'elemento di base è la matrice (elementi interi, reali o complessi)

→ >> A = [1,2,3;4,5,6]

→ A =
1 2 3
4 5 6

→ >> 7*3+2

→ ans =

23



Istruzioni elementari

↳ >> who

↳ Your variables are:

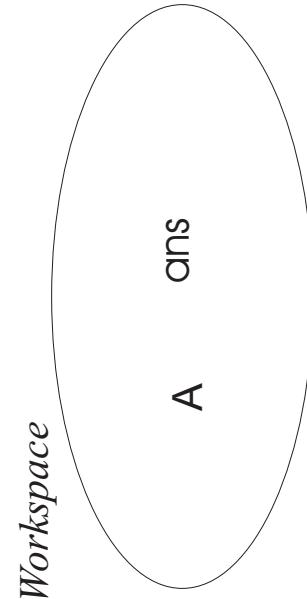
A ans

↳ >> whos

Name Size Bytes Class

A 2x3 48 double array

ans 1x1 8 double array



Grand total is 7 elements using 56 bytes



Istruzioni “DOS-like”

↳ **Direttorio di lavoro:** Z:\....\auto_?

- ⇒ dir
- ⇒ type
- ⇒ delete, ...

↳ >> help <topic>

↳ **Creazione del file pippo.mat che contiene la matrice A**

- ⇒ >> save pippo A (*salva la matrice A nel file “pippo.mat”*)
- ⇒ >> clear A (*rimuove dal workspace la matrice A*)
- ⇒ >> load pippo (*carica da file la matrice A*)



Operazioni sulle matrici



→ Date le matrici A e B di dimensioni opportune, si possono definire le seguenti operazioni:

```
⇒ >> S = A + B  
⇒ >> P = A * B  
⇒ >> At = A'  
⇒ >> Ai = inv(A)  
⇒ >> Ap = pinv(A), con Ap = ( $A^T * A$ ) $^{-1} * A^T$ 
```



Calcolo dei valori



Definita la matrice rettangolare $A_{m \times n}$ e la matrice quadrata $B_{n \times n}$, Matlab definisce le seguenti funzioni:

```
⇒ >> det(B)  
⇒ >> rank(A)  
⇒ >> [V,D] = eig(B), con V*B*V' = D  
⇒ >> Bi = inv(B)  
⇒ >> [m,n] = size(A)
```



Selezione degli elementi della matrice A

```
⇒ A(i,j), A(1:2,2:3), A(1,:), A(:,3:5)
```



Risoluzione di sistemi lineari



Calcolare il valore di x , con $Ax = B$

$$\Rightarrow x = A^{-1}B$$

$$\Rightarrow >> x = A \setminus B$$

$$\Rightarrow >> x = \text{inv}(A) * B$$



Calcolare il valore di x , con $xC = D$

$$\Rightarrow x = DC^{-1}$$

$$\Rightarrow >> x = D / C$$

$$\Rightarrow >> x = D * \text{inv}(C)$$



Script files e function files

```
% File quad.m
%RANK Matrix rank.
% RANK(A) provides an estimate
% of the number of linearly
% independent rows or columns
% of a matrix A.

A = B * B;
B = A;
S = svd(A);

r = sum(s > 0);
```



Istruzioni di controllo

for input
while disp
end if
...
up arrow up arrow up arrow up arrow up arrow



Numeri complessi e formato dell'output

↳ >> x = [1 , 3 , 7.5 + 4*i, 6.3]

x =

1 3 7.5 + 4i 6.3



Formato dell'output

- ⇒ format short: 5 cifre
- ⇒ format long: 15 cifre
- ⇒ format ex: formato esadecimale
- ⇒ format long e: floating point format with 15 digits.



Generazione di matrici e polinomi

Matrice casuale

- ⇒ `>> A = rand(n,m)`
- ⇒ Generazione di una matrice ad elementi casuali secondo alcuni parametri definibili dall'utente (distribuzione, valore medio, varianza, seme)

Rappresentazione di polinomi

- ⇒ $p(x) = x^3 - 6x + 3$
- ⇒ `>> p = [1 , 0 , -6 , 3]`



Operazioni sui polinomi

↳ Radici di un polinomio

⇒ >> r = roots(p)

r =

-2.6691
2.1451
0.5240

↳ Prodotto c di due polinomi (coefficienti a e b)

⇒ >> c = conv(a, b)



Operazioni sui polinomi

➡ Deconvoluzione (divisione) di polinomi

⇒ >> [q,r] = deconv(a,b), con q, quoziente e r, resto

➡ Sviluppo in fratti

⇒ >> [r,p,k] = residue(n,d)

⇒ con n = $s^2 + 6s + 7$ e d = $s^2 + 5s + 6$

⇒ Sviluppo in fratti: $\frac{s^2+6s+7}{s^2+5s+6} = \frac{2}{s+3} - \frac{1}{s+2} + 1$

$$\begin{array}{lll} r = & p = & k = \\ 2 & -3 & 1 \\ -1 & -2 & \end{array}$$



Esercizi Proposti

↗ Costruzione della funzione Matlab `my_hankel()`

- Scrivere la funzione $H = my_hankel(X, NrH, NcH, shift)$, in cui X è un vettore di L elementi, NrH è il numero di righe di H , NcH è il numero di colonne di H , e $shift$ è un intero maggiore od uguale a 0. La matrice H deve essere costruita in modo tale che

$$H = \begin{bmatrix} X(1 + shift) & \dots & X(shift + NcH) \\ \vdots & \ddots & \vdots \\ X(shift + NrH) & \dots & X(shift + NcH + NrH - 1) \end{bmatrix}$$

con l'ipotesi che $L \geq shift + NcH + NrH - 1$.



Esercizi Proposti

↗ Costruzione di una funzione Matlab `obsv()`

- Scrivere un programma che, date le matrici $A_{n \times n}$ e $C_{m \times n}$, costruisca la matrice

$$Q = [C^T, A^T * C^T, \dots, A^{Tn-1} * C^T]^T.$$

Successivamente effettuare il test del rango.





Progetto di una trasformazione di matrici in ambiente Matlab

Esercizi Proposti

- Data la terna $(A_{n \times n}, B_{n \times 1}, C_{1 \times n})$, calcolare la matrice $P = [B, A * B, \dots, A^{n-1} * B]$. Successivamente calcolare le matrici $T_1 = \text{im}(P)$ e T_2 , con T_2 tale che $T = [T_1, T_2]$ sia quadrata e invertibile. Si esegua la trasformazione $A_C = \text{inv}(T) * A * T$, $B_C = \text{inv}(T) * B$ e $C_C = C * T$. Infine, detto n_c il numero di colonne di T_1 , estrarre le matrici A_C , avente le prime n_c righe e colonne di A_C , B_C dalle prime n_c righe di B_C e C_C , le prime n_c colonne di C_C . In maniera analoga, calcolare la matrice $Q = [C; (C * A); \dots; C * A^{n-1}]$ e effettuare la trasformazione T ricavata, come in precedenza, dall'immagine di Q , e dal suo complemento ortogonale.



Risoluzione degli esercizi proposti

↳ Costruzione della matrice Q

↳ **Calcolare** $Q = [C^T, A^T * C^T, \dots, A^{Tn-1} * C^T]^T = [C; C * A; \dots; C * A^{n-1}]$

```
>>Q = [C]; % calcolo passo passo
```

```
>>Q = [Q; C*A];
```

```
>>Q = [Q; C * A^2];
```

⋮

⋮

```
>>Q = [Q; C * A^(n-1)];
```



Risoluzione degli esercizi proposti

- ➡ **Costruzione della matrice Q in maniera automatica**
- ➡ **Utilizzo della funzione obsv (A,C)**

function Q = obsv(A,C)

```
n = size(A,1);  
Q = C;  
for i=1:n-1  
    Q = [C; Q*A];  
end
```



Risoluzione degli esercizi proposti

⇨ Richiami di geometria

- ⇨ $H = \text{orth}(K)$, ove H è una base ortonormale per l'immagine di K
- ⇨ $Z = \text{null}(V)$ ove Z è una base ortonormale per lo spazio nullo di V .
- ⇨ Data una matrice reale H , $\text{null}(H') = (\text{im}(H))^\perp$
- ⇨ $\Re^n = \text{null}(K') + \text{im}(K)$
- ⇨ Data K , se $T_1 = \text{orth}(K)$ e $T_2 = \text{null}(K')$, allora $T = [T_1 \ T_2]$ è una base ortonormale per K



Risoluzione degli esercizi proposti

- ⇨ **Trasformazione delle matrici** ($A_{(n \times n)}, B_{(n \times 1)}, C_{(1 \times n)}$)
- ⇨ **Calcolare la matrice Q** = `obsv(A, C)`
 - ⇒ Controllare il rango di Q con `rank(Q)`
- ⇨ **La matrice T di trasformazione risulta** `T=[T1 T2]`
 - ⇒ `T1=orth(Q')`, `T2=null(T1')`, `[n,nc]=size(T1)`
 - ⇒ `T = orth(Q', eye(n))`
- ⇨ `A1 = inv(T) * A * T, B1 = inv(T) * B, C1 = C * T`
- ⇨ **Ao = A1(1:nc,1:nc), Bo = B1(1:nc), Co = C1(1:nc)**



Risoluzione degli esercizi proposti

➡ Trasformazione delle matrici ($A_{(n \times n)}$, $B_{(n \times 1)}$, $C_{(1 \times n)}$)

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 2 & -2 & 1 & 0 \\ 3 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}, B = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \\ 1 \end{bmatrix}, C = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}.$$

