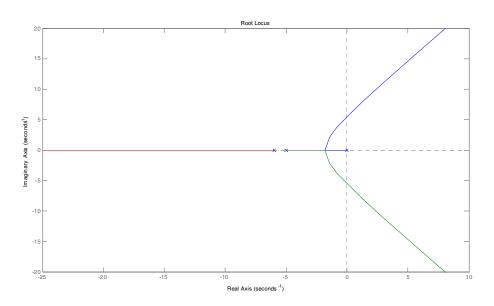
Soluzione Esercizio Progetto con Metodo Indiretto

Si definisce in Matlab il sistema da controllare descritto dalla sua funzione di trasferimento G(s) come segue:

E se ne disegna il luogo delle radici col comando Matlab rlocus:

```
>>
>> rlocus(Gs)
```

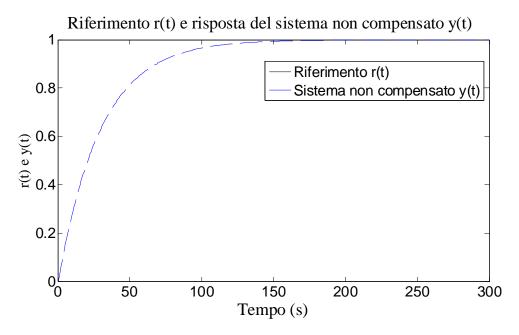
Il grafico del luogo delle radici di G(s) è rappresentato nella figura sotto.



Si definiscono quindi in Matlab il numeratore ed il denominatore della funzione di trasferimento del sistema da controllare:

```
>> [numGs,denGs]=tfdata(Gs,'v')
```

La risposta del sistema G(s) non controllato in retroazione unitaria è riportata nella figura sotto.



Le caratteristiche della risposta al gradino unitario di riferimento sono le seguenti:

>>

che chiaramente non soddisfano le specifiche richieste:

$$\begin{cases} S\% \le 1\% & (\delta \ge 0.85) \\ T_a \le 2.5s \end{cases}$$

Si procede quindi alla definizione della seguente funzione di trasferimento della rete correttrice di tipo ritardatrice, come richiesto dal problema:

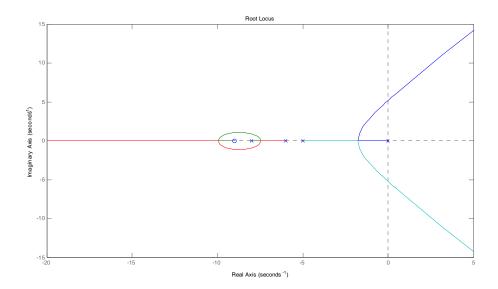
$$R(s) = K_1 \frac{1 + \frac{s}{9}}{1 + \frac{s}{8}}$$

Si calcola la funzione di guadagno di anello per $K_1 = 1$:

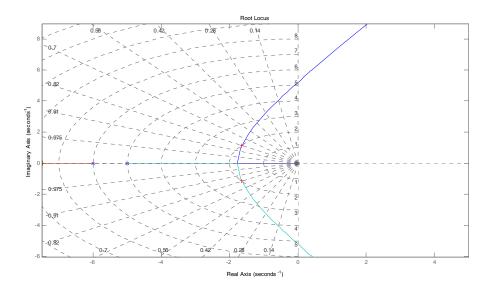
E successivamente se ne disegna il luogo delle radici come segue:

>>

Il luogo delle radici del sistema $G_a(s) = R(s)$ G(s) è rappresentato nella figura successiva.



Si disegnano i luoghi delle radici a δ costante e col comando rlocfind si determina il K_1 di primo tentativo che corrisponde all'intersezione del luogo delle radici di $G_a(s)$ con il luogo dei punti a $\delta \cong 0.85$ costante. La figura successiva mostra i punti scelti col mouse.



```
>> sgrid
>> K1=rlocfind(Ga)
Select a point in the graphics window
selected_point =
   -1.6135 + 1.1431i
K1 =
```

31.2858

Si determina il K_1 di primo tentativo, con $K_1 = 31$, che permette di ottenere le prestazioni determinate col comando Matlab rlocfind:

```
>> lsiminfo(out.yc,out.t)
ans =

    SettlingTime: 2.1270
        Min: 0
        MinTime: 0
        Max: 1.0104
        MaxTime: 3.0409
>>
```

Anche se risultano già praticamente soddisfatte, si prova a ridurre il guadagno per ottenere un ulteriore miglioramento della specifica sulla sovraelongazione, ad esempio per $K_1 = 29$:

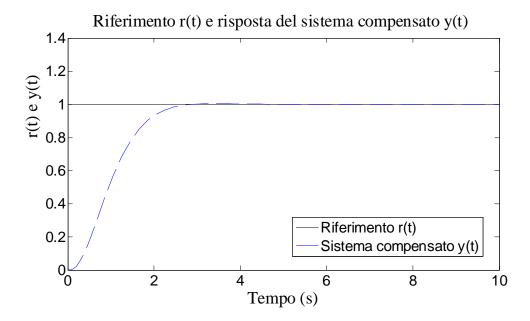
In questo modo si riesce a mantenere un certo margine su entrambe le specifiche che la risposta al gradino di riferimento unitario deve soddisfare per il sistema compensato da R(s).

Si può quindi passare al progetto della rete correttrice equivalente a tempo discreto secondo il metodo di Tustin come richiesto dal problema, e con tempo di campionamento di T = 0.02s.

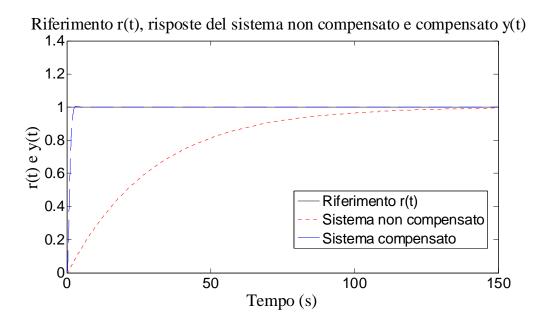
```
>> T=0.02
T = 0.0200
```

>>

La risposta del sistema compensato al gradino di riferimento è riportata nella figura seguente.



Il confronto della risposta del sistema non compensato e quella del sistema compensato è riportato nella figura successiva.

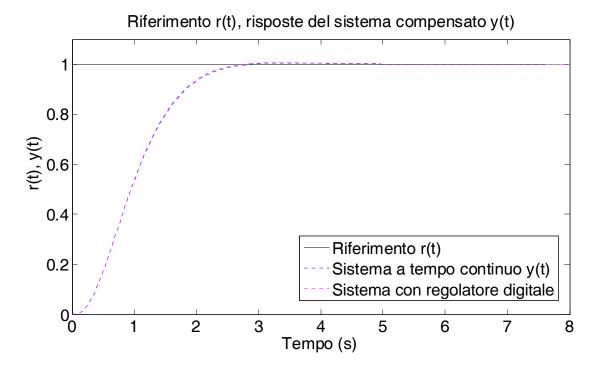


Il sistema equivalente a tempo discreto R(z) si ottiene con le seguenti istruzioni:

Si verifica la risposta del sistema a tempo discreto per il gradino di riferimento, con un guadagno statico uguale a quello del regolatore a tempo continuo:

Si osserva che in questo caso le specifiche continuano ad essere soddisfatte anche per il sistema digitale, senza nessun aggiustamento del guadagno statico della funzione di trasferimento R(z).

Questo appare evidente anche dal confronto della risposta del sistema a tempo discreto con quella del sistema a tempo continuo, come riportato nella figura sotto.



Si riporta infine lo schema Simulink utilizzato per ottenere le risposte dei sistemi non compensato, compensato a tempo continuo, e compensato a tempo discreto.

