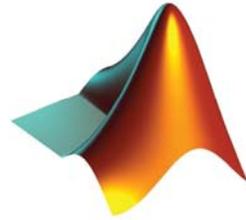


# L'ambiente Matlab per le applicazioni industriali

(Parte 1 – Panoramica)



## Schema del corso

Ogni modulo è strutturato in modo indipendente e copre aspetti progressivamente più avanzati

Moduli:

1. Introduzione a Matlab come linguaggio
2. Grafica 2D e 3D
3. Applicazioni di calcolo con Matlab
4. Panoramica dei toolbox e loro impiego
5. Costruzione di una GUI in Matlab
6. Uso dei MEX files e del compilatore Matlab
7. Introduzione a Simulink
8. Risorse Matlab di pubblico dominio

## Un pò di storia

- Acronimo di **Matrix Laboratory**
- Creato alla fine degli anni '70 alla New Mexico University da Chris Molen (ed altri)
- Lo scopo iniziale era fornire un ausilio ai corsi di algebra lineare e di calcolo numerico per studenti senza conoscenze di programmazione
- Integra gradatamente librerie già disponibili (es. Linpack)
- Nel 1984 inizia la commercializzazione da parte di Mathworks
- Evolve successivamente come suite completa di supporto alla ricerca scientifica ed allo sviluppo di applicazioni ad elevato contenuto scientifico

## Un pò di storia

- Oggi ha diffusione universale ed è maggiormente orientato alle applicazioni industriali mediante la realizzazione di parecchi toolbox specifici
- Esistono diverse soluzioni di acquisto parziale (a nessuno serve tutto...) che consentono di accedere alle sole parti utili
- La prossima versione (in beta testing) sarà definitivamente object-oriented
- L'impiego didattico rimane attuale ma molto spesso è limitato al solo prodotto base (il motore di calcolo) usato in modalità interpretata

## Le versioni successive

Anno	Nome	Versione
1986	-	2
1987	-	3
1992	R7	4
1996	R8	5
2000	R12	6
2004	R14	7

## Perché Matlab?

### Acquisizione dati

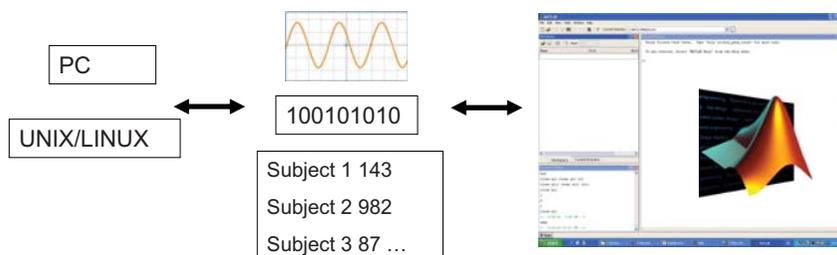
- MATLAB fornisce primitive per acquisire ed analizzare dati da qualsiasi sorgente digitale



## Perché Matlab?

### Importazione dati

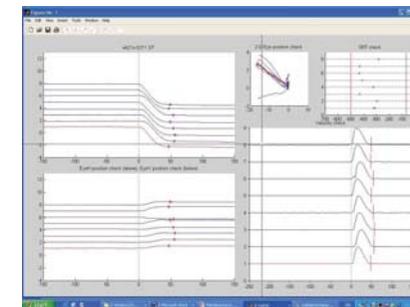
- Si possono importare in MATLAB dati in qualunque formato e da qualunque piattaforma



## Perché Matlab?

### Strumenti di analisi

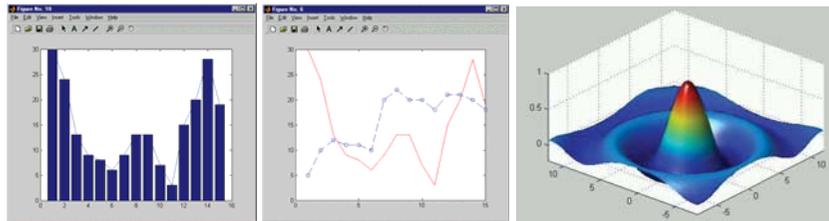
- Esistono librerie per compiere qualunque tipo di analisi sui dati
- E' possibile costruire qualunque tipo di rappresentazione grafica



# Perchè Matlab?

## Grafica N-dimensionale

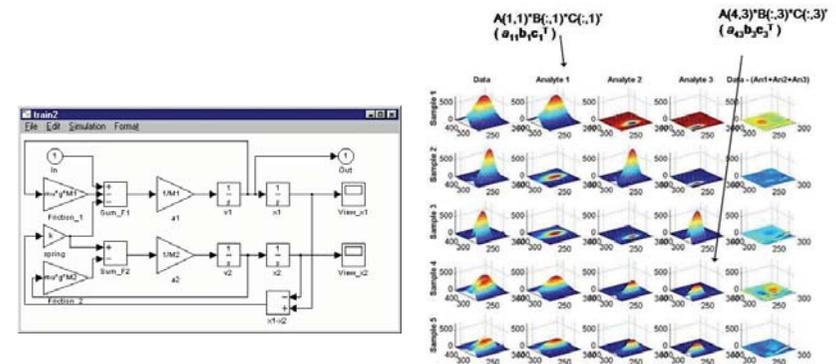
- Sono disponibili tutte le opzioni di grafica da 2 a 4 dimensioni
- Possibile controllo totale della formattazione e di qualunque elemento visivo



# Perchè Matlab?

## Modellazione dinamica

- E' possibile costruire modelli dell'interazione di sistemi dinamici complessi e verificarli su dati sperimentali



# Perchè Matlab?

## • Disponibilità di sw

- Matlab contiene un numero enorme di funzioni pronte per l'uso, organizzate in toolbox tematici e perfettamente commentate
- Il sito di Mathworks è ricchissimo di esempi ed applicazioni pronte per l'uso
- Sono disponibili in rete risorse di pubblico dominio che estendono ulteriormente questo insieme a specifici problemi applicativi
- Le probabilità di trovarsi il lavoro già fatto sono parecchio elevate...

# Alcuni fatti ...

- Matlab serve solo ai matematici
  - FALSO! anzi, è vero il contrario. Serve poco (o nulla) ai matematici, è invece pensato e sviluppato per la progettazione di sistemi, quindi per l'ingegneria
- Matlab è lento
  - FALSO! è lento solo se usato in modalità interpretata. Il compilatore genera eseguibili di discreta efficienza, specie se si usano bene le funzioni già ottimizzate.
- Matlab costa troppo
  - FALSO! Sì, il costo iniziale è oggi il vero limite alla diffusione di Matlab nell'industria. Solo le grandi aziende usano Matlab originale, le altre...si arrangiano. Ma rispetto ai costi umani di sviluppo sw, Matlab costa poco.

## Alcune critiche ...

- Non esistono versioni con le sole librerie di funzioni compilate (forse con .NET...)
- L'uso di (...) per compiti diversi è criticabile
- I nomi di funzione (parecchi...) sono tutti globali, con possibili conflitti risolti solo in base all'ordine
- Il comportamento variabile delle funzioni spesso confonde i programmatori (es. sum)
- Gli array che partono da 1 sono fonte infinita di errori quando si interfaccia Matlab con altri linguaggi
- Le diverse versioni di Matlab creano problemi di porting
- ...

## Uso di Matlab

### Valutare espressioni utilizzando variabili

- Le espressioni immesse sono interpretate e valutate immediatamente dal sistema
- Le variabili sono identificativi usati per memorizzare valori
- Le variabili calcolate possono essere richiamate in seguito
- Le variabili non vanno dichiarate (dichiarazione = assegnazione)

*Variabile = Espressione*

*Oppure*

*Espressione*

*N.B. i nomi delle variabili sono case-sensitive*

## Uso di Matlab

### Lavorare con le matrici

- Matlab opera normalmente con un unico oggetto di base, una matrice rettangolare di numeri (array) indicizzata con (...,...)
- Una matrice è una struttura indicizzata da 2 valori: riga e colonna
- Il numero di righe o colonne è arbitrario
- Gli indici partono sempre da 1

Uno **scalare** è un singolo numero rappresentato da matlab come una matrice 1x1.

Un **vettore** è un array mono-dimensionale di numeri rappresentato come matrice n x 1 (vettore colonna) o 1 x n (vettore riga)

Si usano “;” e “,” per separare gli elementi nella assegnazione

## Operazioni con matrici

Una matrice vuota può essere creata con []

L'operatore [] può essere usato per cancellare righe o colonne

Le funzioni **size** e **ndims** ritornano il numero di elementi e di dimensioni di una variabile matriciale

La struttura 2D è generalizzabile ad un numero arbitrario di dimensioni (matrici N-dimensionali)

L'operatore ':' consente di estrarre sottomatrici mediante la definizione di intervalli di righe o colonne

# Operazioni con matrici

Tutte le normali operazioni di calcolo sono utilizzabili sulle matrici combinate con scalari

- + Addizione
- Sottrazione
- \* Moltiplicazione
- / Divisione
- ^ Elevamento a potenza

Le operazioni con scalari sono sempre intese come applicate ai singoli elementi della matrice

# Operazioni con matrici

Le operazioni tra matrici assumono particolari proprietà

## Addizione e Sottrazione

Le dimensioni delle matrici devono essere uguali

## Moltiplicazione

Ci sono due possibili implementazioni

*prodotto algebrico (righe x colonne) – operatore \**

*prodotto elemento x elemento – operatore .\**

I vincoli sono diversi nei due casi

# Operazioni con matrici

## Divisione di matrici

Ci sono due possibili implementazioni:

*divisione matriciale a sinistra o a destra – operatori / e \*

*divisione elemento per elemento – operatore ./*

**Divisione a sinistra (\) :**

$X = A \setminus B$  è la soluzione di  $A * X = B$

**Divisione a destra (/) :**

$X = A / B$  è la soluzione di  $X * A = B$

## Potenza di una matrice

Ci sono due possibili implementazioni:

*Serie di prodotti*

*Potenza elemento per elemento*

# Operazioni con matrici

## Operazioni specifiche per matrici

La trasposta si forma scambiando tra loro le righe con le colonne – operatore '

<b>inv</b>	inversa di una matrice
<b>det</b>	determinante di una matrice
<b>trace</b>	traccia di una matrice
<b>rank</b>	rango di una matrice
<b>zeros</b>	matrice nulla
<b>ones</b>	matrice unaria
<b>diag</b>	matrice diagonale
<b>eye</b>	matrice identità

Esistono numerosissime altre operazioni specifiche per le matrici

## Operazioni con matrici

- **min / max**
  - minimo / massimo lungo righe / colonne
- **sum / mean**
  - somma / media lungo righe / colonne
- **norm**
  - norma di una matrice
- **sort**
  - ordina le righe / colonne
- **reshape**
  - Altera la forma di una matrice ridistribuendo i valori

## Operatori relazionali

Utilizzati per comparare matrici di uguale dimensione (o scalari)

<	minore
<=	minore o uguale
>	maggiore
>=	maggiore o uguale
==	uguale
~=	non uguale

La comparazione, a risultato TRUE o FALSE, avviene sempre tra elementi corrispondenti

## Operatori relazionali

### La funzione Find

La funzione **find** serve per trovare le posizioni di tutti gli elementi di una matrice che soddisfano una determinata condizione

```
>> find(A > 0)
```

Le posizioni trovate possono essere usate per indicizzare matrici

```
>> A(find(A>0)) = 1
```

La funzione ritorna anche le posizioni come vettori o come matrice

```
[x,y] = find(A > 0)            B = find(A > 0)
```

## Gli scripts di Matlab

Raggruppano una serie di comandi senza eseguirli (modalità differita)

- Matlab può eseguire sequenze di comandi contenuti in un file
- I file che contengono comandi Matlab devono avere estensione '\*.m'
- Gli M-files si possono scrivere e salvare con l'apposito editor
- Gli M-files sono eseguibili al command prompt come un comando
- Gli M-files possono chiamare altri M-files

N.B. Per essere eseguibile, un M-file deve avere il suo path settato nella configurazione di Matlab

# Gli scripts di Matlab

## Vantaggi degli M-files

- Sviluppo facilitato dall'editor
- Possibili modifiche a valle dell'esecuzione
- Leggibilità/Portabilità – si possono aggiungere commenti tramite il simbolo '%' per facilitare la comprensione
- Salvare M-files è più efficiente che salvare il workspace

# Operatori Logici

- Gli operatori logici sono usati per comparare due valori booleani
- Un valore booleano è una rappresentazione logica di vero o falso
- Convenzionalmente 1 e 0 sono usati per rappresentare vero e falso
- In Matlab quando si fa una comparazione booleana, il valore 'false' o 0 rappresenta falso e ogni intero positivo o 'true' rappresenta vero

# Operatori Logici

&	AND
	OR
~	NOT

- L'operatore & (AND) ritorna TRUE solo se entrambi i valori A,B sono TRUE altrimenti ritorna FALSE
- L'operatore | (OR) ritorna TRUE se almeno uno dei valori A, B è TRUE, altrimenti ritorna FALSE
- L'operatore ~ (NOT) inverte la rappresentazione booleana

## Ordine di precedenza:

Nelle operazioni logiche multiple senza parentesi, l'operatore ~ (NOT) viene valutato per primo, seguito da & (AND) e da | (OR)

$A\&B|C = (A\&B) | C$

$A|B\&C = A | (B\&C)$

# Controllo di Flusso

- Il controllo di flusso consente a Matlab di superare la semplice funzionalità di puro calcolo
- Con il controllo di flusso Matlab può essere usato come un linguaggio di programmazione ad alto livello orientato alla elaborazione di matrici
- Il controllo di flusso è implementato tramite statement condizionali e cicli

## Statement condizionali

### If, Else, and Elseif

- Uno statement **if** valuta una espressione logica ed esegue un gruppo di comandi se questa è vera
- La list dei comandi condizionati termina con uno statement **end**
- Se l'espressione logica è falsa, tutti I comandi condizionati sono saltati
- L'esecuzione dello script riprende dopo lo statement **end**

```
if espressione_logica
  comandi
end
```

## Statement condizionali

### If, Else, and Elseif

- Lo statement **else** forza l'esecuzione dei comandi successivi se l'espressione logica originale è falsa
- Solo una delle due liste viene eseguita

```
if espressione_logica
  comandi 1
else
  comandi 2
end
```

## Statement condizionali

### If, Else, and Elseif

- Lo statement **elseif** nidifica una nuova struttura if dopo un else
- Sono una delle liste presenti viene eseguita

```
if espressione_logica_1
  comandi 1
elseif espressione_logica_2
  comandi 2
elseif espressione_logica_3
  comandi 3
end
```

## Statement condizionali

### Switch

- Lo statement **switch** agisce come una sequenza elseif
- Solo una lista di comandi viene eseguita

```
switch espressione (scalare o stringa)
  case valore 1
    comandi 1
  case valore 2
    comandi 2
  case valore n
    comandi n
end
```

# Cicli

## Ciclo For

Nel ciclo **for** la lista di comandi viene eseguita un numero fissato di volte.

```
for index = inizio:incremento:fine
    comandi
end
```

Se 'incremento' non è definito, il default è 1

## Ciclo While

Nel ciclo **while** la lista di comandi viene eseguita finchè la condizione rimane vera

```
while espressione_logica
    comandi
end
```

# Modifiche al flusso

## Uscita anticipata da un ciclo

- Il comando **break** termina immediatamente un qualunque ciclo
- Quando Matlab incontra un **break**, l'esecuzione dello script continua dopo il ciclo

## Costrutti try / catch

- In modo del tutto analogo al C, Matlab supporta il meccanismo **try/catch**, passando al blocco **catch** se si verifica un errore dentro al blocco **try**
- Nel caso in cui il blocco **try** contiene funzioni e l'errore si verifica dentro queste, si forza anche l'uscita dalle funzioni

# Funzioni

- Costituiscono dei blocchi elementari di programmazione
- Consentono al codice di essere generico e riutilizzabile
- Dato un insieme di inputs, eseguono una serie di comandi e ritornano un output
- In Matlab, ogni funzione è un M-file
- E' prassi nominare il file come la funzione, cioè il file **funcname.m** contiene la funzione definita da:

```
function outargs = funcname(inargs)
```

- **return** termina il calcolo e ritorna al chiamante (opzionale alla fine del file)

# Aggiungere un Help

- Inserire sempre alcune righe di commento tra la dichiarazione della funzione e la prima riga di codice
- Così si abilita automaticamente al funzione **help**
- Le righe di commento sono scandite da **lookfor** che trova tutte le occorrenze di un termine

```
function [y] = cube(x)
% Calcola il cubo di x
y = x*x*x;
```

```
>> help cube
Calcola il cubo di x
```

## Le variabili nargin/nargout

- Matlab accetta dichiarazioni di funzioni con un numero variabile di argomenti di input / output
- **nargin** viene usata per sapere quanti sono gli input
- **nargout** viene usata per sapere quanti sono gli output

```
function [y1, y2] = cube(x1, x2)      >> [a b] = cube(2,3)
if nargin == 1                       a = 8
    y1 = x1*x1*x1;                   b = 27
    y2 = Nan;
elseif nargin == 2
    y1 = x1*x1*x1;
    y2 = x2*x2*x2;
end
```

## Le liste varargin / varargout

- Le variabili **varargin** e **varargout** individuano gli elenchi delle variabili di ingresso / uscita di una funzione
- Tecnicamente sono **cell array**, cioè semplici strutture seriali di tipo eterogeneo
- Si indicizzano con {...} anziché [...] come gli array normali (omogenei)
- L'uso di varargin/varargout permette di costruire funzioni con argomenti opzionali

## Località nelle funzioni

- Tutte le variabili interne ad una funzione sono locali, e quindi non visibili all'esterno
- Si usa **global** per renderle globali (pericoloso) oppure **mlock** per ottenere la persistenza
- Si possono creare anche funzioni locali, usate solo da un'altra funzione nello stesso file (quella principale)

## La funzione eval

- La funzione **eval(stringa)** è una funzione molto speciale, perché valuta la stringa in input come comando Matlab
- Essa permette quindi di costruire testi che sono a loro volta programmi e di eseguirli
- Una funzione derivata da questa è **feval(func, X)** la quale valuta la funzione func (passata come stringa) nel punto X
- Essa permette di operare quindi su funzioni come argomenti testuali, ma esiste un modo più generale per farlo ...

## Puntatori a funzioni

- Per passare una funzione come parametro basta premettere il simbolo **@**

```
retval = funcname(@funcarg, ...)
```

- All'interno di **funcname**, **funcarg** non è direttamente valutabile, ma occorre **feval**
- Questo perché ciò che viene passato non è la funzione ma solo il suo puntatore

```
function R = sumfunvet(FUN, X)      >> R = sumfunvet(@sin, X);
R = 0;                             >> disp(R);
for i=1:length(X)
    R = R + feval(FUN,X[i]);
end
```

## Importare dati da file

- Il comando **load** importa dati da un generico file ASCII in una variabile Matlab (matrice)

```
Nome_variabile = load('filename')
```

- Ci sono restrizioni sulla struttura del file, per cui funziona solo su file strutturati in modo regolare (es. tabelle)
- Molto potente ma di uso limitato
- Esiste il comando simmetrico **save**

Spesso si ricorre ad una gestione manuale della importazione dei dati, che la rende una delle principali cause di errore nello sviluppo di codice Matlab

## Gestione dei files

- Sono supportate da Matlab quasi tutte le funzioni **f\*** definite nella libreria **<stdio>** del C per gestire le operazioni di I/O da file

- **fopen**
- **fclose**
- **fseek / ftell / frewind**
- **fscanf**
- **fprintf**
- **fgetl**

- Ogni file è identificato da un numero intero (**file\_id**)
- Le funzioni **fscanf** e **fprintf** ammettono i tradizionali formati del C (**%d, %f, %c, ...**)

## Importazione semplificata

- Matlab supporta due tipi di importazione semplificata, eseguibili con un unico comando

- File di testo           **textread**
- File Excel              **xlsread**

- Matlab supporta anche l'importazione da tastiera tramite il comando **input**

```
>> nome_variabile = input('stringa di prompt');
```

## Files binari interi

- Le operazioni di I/O da file binari sono supportati da **fread** e **fwrite** previa definizione del formato
  - 'schar' Signed character; 8 bits
  - 'uchar' Unsigned character; 8 bits
  - 'int8' Integer; 8 bits
  - 'int16' Integer; 16 bits
  - 'int32' Integer; 32 bits
  - 'int64' Integer; 64 bits
  - 'uint8' Unsigned integer; 8 bits
  - 'uint16' Unsigned integer; 16 bits
  - 'uint32' Unsigned integer; 32 bits
  - 'uint64' Unsigned integer; 64 bits

## File binari floating point

- I formati floating point supportati sono
  - 'float32', 'single' Floating-point; 32 bits
  - 'float64', 'double' Floating-point; 64 bits
- Per default Matlab memorizza tutti i dati numerici in double
- E' possibile specificare nella fopen diversi formati macchina per gestire codifiche particolari
- Per sapere quali valori sono rappresentabili con un certo formato si usano **realmin** e **realmax**

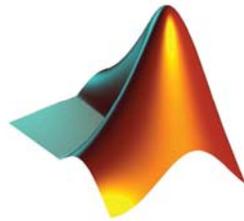
## La funzione fread

- Sintassi possibili:
  - A = fread(fid)
  - A = fread(fid, count)
  - A = fread(fid, count, precision)
  - A = fread(fid, count, precision, machineformat)
  - [A, count] = fread(...)
- Argomenti in input:
  - Fid (identificativo numerico del file)
  - Count (X: legge X elementi, Inf: legge fino a fine file, [m,n]: legge q.b. a riempire una matrice m x n)
  - Precision (specifica il formato dei dati in input)
  - MachineFormat (specifica la classe di formati binari utilizzata)

## Stringhe di caratteri

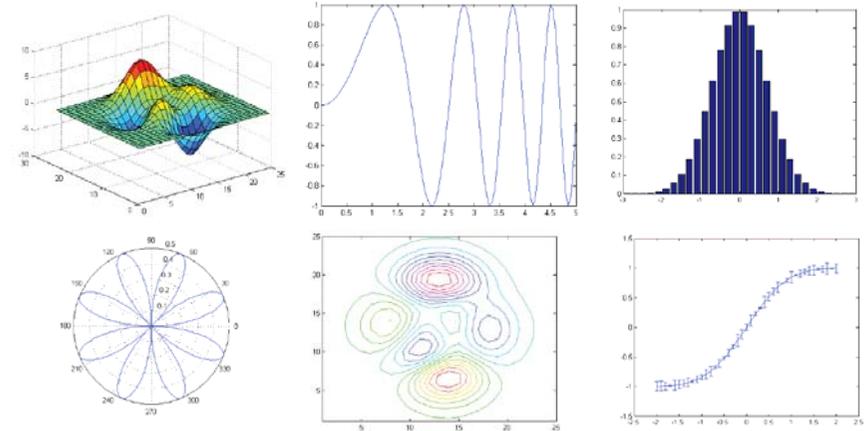
- Una stringa in Matlab è un insieme di caratteri racchiuso tra apici ', rappresentato come vettore riga
- L'eventuale apice interno va scritto come doppio apice ''
- Sono supportate le funzionalità in stile C come **strcmp**, **findstr**, etc.. ma con parecchie varianti possibili
  - pos = findstr('stringa di prova','a');
  - nella variabile pos si ottiene il vettore [7 16]

# L'ambiente Matlab per le applicazioni industriali (Parte 2 – Grafica 2D e 3D)



## Cosa si può fare

- Matlab ha un ottimo motore per la generazione di grafici, in grado di produrre qualunque tipo di rappresentazione dei dati



## Generazione dei dati

- Il motore grafico di Matlab non usa le funzioni ma solo array di numeri. Date quindi le funzioni
  - $a=t^2$
  - $b=\sin(2*\pi*t)$
  - $c=\exp(-10*t)$
  - $d=\cos(4*\pi*t)$
  - $e=2*t^3-4*t^2+t$
- queste vanno calcolate in uno specifico intervallo campionato
- L'intervallo di definisce di norma con la sintassi `inizio:passo:fine`, oppure con `linspace(inizio,fine,campioni)`

```
t=0:0.01:10; %assegna il vettore delle ascisse
y=t.^2; %calcola il vettore delle ordinate
% ma solo nell'intervallo specificato
```

## La funzione plot()

- La più semplice funzione di grafica è **plot()**
- Cosa succede scrivendo `plot(y)`?
  - Matlab genera automaticamente una figura, disegna i punti corrispondenti ai dati y e li connette con linee
  - L'asse x non è corretto (Matlab usa gli indici come default)
- `plot(x,y)` risulta simile ma ora l'asse x è corretto
- `plot(x1,y1,s1,x2,y2,s2, ...)` plottano più funzioni con un solo comando
- Se x è una matrice, `plot(x)` disegna le colonne come tracce separate

# La funzione plot()

- Se si plottano in sequenza a e b si vede solo b
- Matlab sostituisce ogni plot con il successivo, in assenza di altre istruzioni
- Per sovrapporre i due plot nella stessa figura bloccata si usa il comando **hold on** (**hold off** disabilita il blocco)
- Per avere i plot in figure diverse si usa il comando **figure**

```

plot(t,a)      % Disegna a e b in un plot      % Disegna due plot
plot(t,b)      plot(t,a);                    plot(t,a);
              hold on;                       figure;
              plot(t,b);                    plot(t,b);
    
```

# Proprietà delle linee

- Senza specifiche, tutti i plot sono fatti nel colore di default ... **blu**
- Tutti gli attributi grafici sono modificabili selezionando le opzioni ammesse dal comando **plot**

Line Style Specifiers

Specifier	Line Style
-	Solid line (default)
--	Dashed line
:	Dotted line
-.	Dash-dot line

Color Specifiers

Specifier	Color
r	Red
g	Green
b	Blue
c	Cyan
m	Magenta
y	Yellow
k	Black
w	White

Marker Specifiers

Specifier	Marker Type
+	Plus sign
o	Circle
*	Asterisk
.	Point
x	Cross
'square' or s	Square
'diamond' or d	Diamond
^	Upward-pointing triangle
v	Downward-pointing triangle

```

% linea rossa
Plot(t,a,'r');
Hold on;
% linea nera
Plot(t,b,'k');
% linea a punti verdi
Plot(t,c,'g. ');
% linea a croci cyan
Plot(t,d,'cx');
% linea tratteggiata %
a cerchi magenta
Plot(t,e,'--om')
    
```

# Etichette, Titolo e Legenda

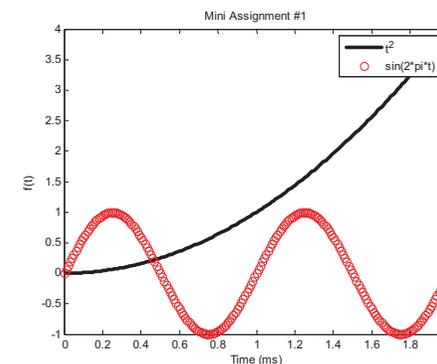
- Per aggiungere etichette agli assi x e y, si usano i comandi **xlabel** e **ylabel**
- Per aggiungere un titolo si usa il comando **title**
- Per aggiungere una legenda si usa il comando **legend**

```

plot(t,a,t,b,'r',t,c,'--om'); %genera tutti i plot in un colpo
title('Random Plots')
xlabel('t(ms)');
ylabel('f(t)')
legend('Funzione 1','Funzione 2','Funzione 3');
    
```

# Esempio

- Disegnare a come linea nera spessa
- Disegnare b come una serie di cerchi rossi
- Etichettare gli assi, aggiungere titolo e legenda



```

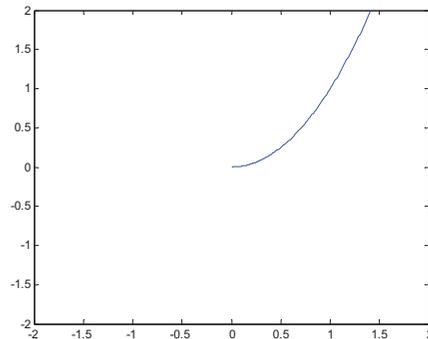
figure
plot(t,a,'k','LineWidth',3);
hold on;
plot(t,b,'ro')
xlabel('Time (ms)');
ylabel('f(t)');
legend('t^2','sin(2*pi*t)');
title('Mini Assignment #1')
    
```

## Il comando axis

- Il comando **axis** modifica l'intervallo visualizzato sul grafico ed aggiunge ulteriori controlli

- Axis([xmin xmax ymin ymax])
- Axis equal;
- Axis square;

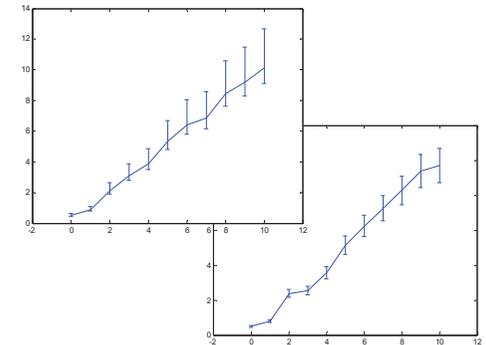
```
Figure;
Plot(t,a,'r');
Axis([-2 2 -2 2]);
```



## Le barre di errore

- Oltre ai punti, Matlab può facilmente disegnare anche gli intervalli di errore per ogni punto con il comando **errorbar**
  - errorbar(x,y,e) oppure errorbar(x,y,elow,eup);
  - genera la curva e le barre di errore a y+/-e oppure (y-elow,y+eup)

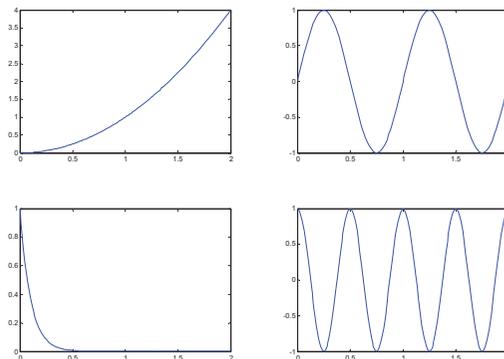
```
t2 = 0:1:10;
f = t2+(rand(1,length(t2))-0.5);
err1 = 0.1*f;
err2_l = 0.1*f;
err2_u = 0.25*f;
errorbar(t2,f,err1);
figure;
errorbar(t2,f,err2_l, err2_u);
```



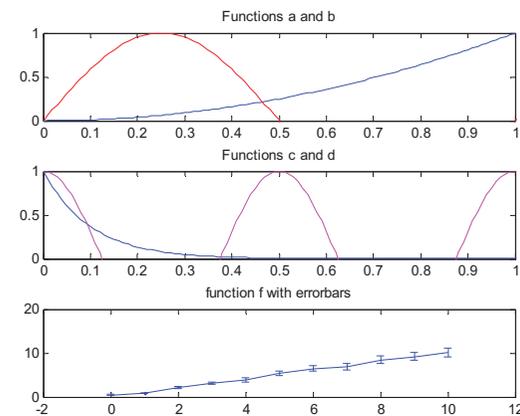
## La funzione subplot()

- Con **subplot** è possibile realizzare una struttura matriciale di grafici omogenei, che rende più agevole la comparazione
- Ogni subplot identifica un particolare grafico su cui agiscono le plot successive

```
figure;
subplot(2,2,1)
plot(t,a);
subplot(2,2,2)
plot(t,b);
subplot(2,2,3)
plot(t,c);
subplot(2,2,4)
plot(t,d);
```



## Esempio

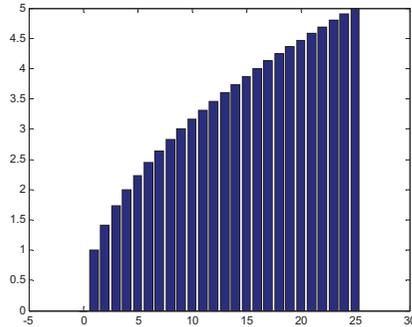


```
figure
subplot(3,1,1)
plot(t,a,t,b,'r');
axis([0 1 0 1]);
title('Functions a and b')
subplot(3,1,2)
plot(t,c,t,d,'m');
axis([0 1 0 1]);
title('Functions c and d')
subplot(3,1,3)
errorbar(t2,f,err1);
title('function f with errorbars')
```

## Grafici a barre

- Oltre ai grafici a linea, sono spesso utili rappresentazioni di dati tramite barre
- Il comando Matlab `bar(x,y,lar)` genera un grafico a barre dei dati `x,y` con larghezza specificata (default 1)
- Può essere usato insieme a tutte le altre opzioni viste finora

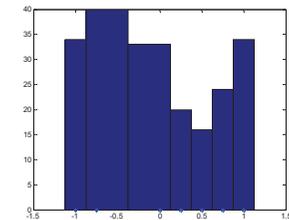
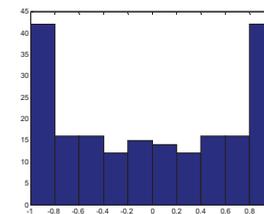
```
t = 0:1:25;  
f = sqrt(t);  
bar(t,f);
```



## Istogrammi

- La funzione Matlab `hist(y,m)` genera un istogramma del vettore di dati `y` e distribuito su `m` accumulatori
- La variante `hist(y,x)` definisce anche i valori degli accumulatori `x`
  - La funzione `histc` permette di definire i bordi degli accumulatori anzichè i centri
- Può essere usata con tutte le opzioni grafiche viste finora

```
hist(b,10);  
Figure;  
hist(b,[-1 -0.75 0 0.25 0.5 0.75 1]);
```



## Esercizio

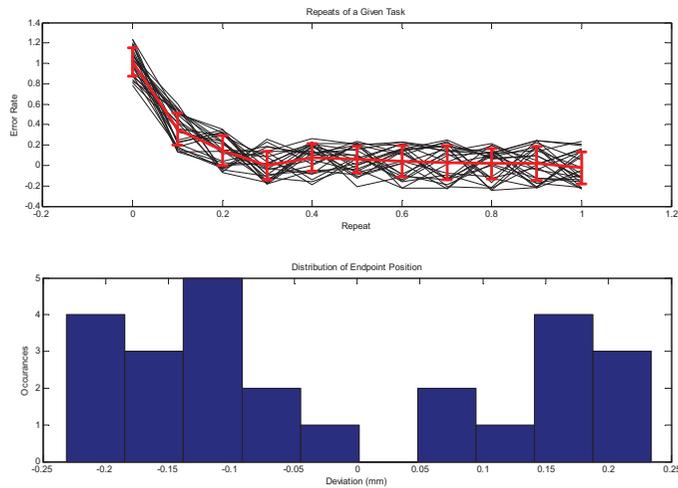
- Generare un campione di dati composto da `N=25` istanze di una sequenza in parte deterministica (funzione) ed in parte casuale
- Creare `mean_x` come media di tutti i valori assunti in ogni punto di `x`
- Creare `std_x` come deviazione standard di tutti i valori assunti in ogni punto di `x`
- Graficare le sequenze originali e la media con barra di errore pari alla deviazione standard
- Graficare anche l'istogramma dei valori finali del processo

```
t = 0:0.1:1  
for(i=1:25)  
    x(i,:) = exp(-10.*t) + 0.5*(rand(1,length(t))-0.5);  
end
```

## Svolgimento

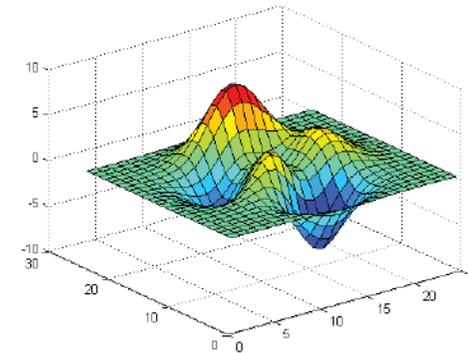
```
t = 0:0.1:1  
for(i=1:25)  
    x(i,:) = exp(-10.*t) + 0.5*(rand(1,length(t))-0.5);  
end  
mean_x = mean(x);  
std_x = std(x);  
figure  
subplot(2,1,1)  
plot(t,x,'k'); hold on;  
errorbar(t,mean_x,std_x,'-r','LineWidth', 3);  
title('Repeats of a Given Task')  
xlabel('Repeat');  
ylabel('Error Rate');  
subplot(2,1,2)  
hist(x(:,11),10)  
title('Distribution of Endpoint Position');  
xlabel('Deviation (mm)')  
ylabel('Occurances')
```

## Risultato



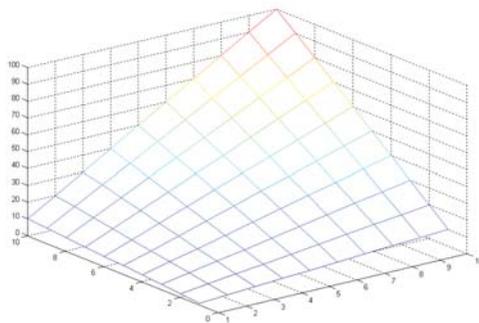
## Grafici 3D

- Matlab fornisce una vastissima scelta di opzioni per la grafica di dati in 3D
- Le funzioni di base utilizzate sono **mesh**, **surf**, **contour** pensate per visualizzare grafici del tipo  $Z=f(X,Y)$



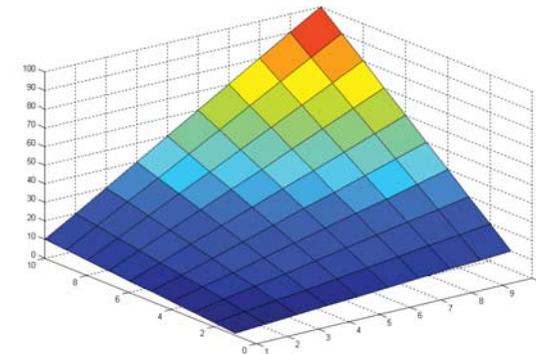
## La funzione mesh

- La funzione **mesh** connette una serie di punti discreti con una struttura reticolare (griglia o mesh)
  - $\text{mesh}(x,y,z)$  dove  $X(i)$  and  $Y(j)$  sono le posizioni dei nodi della griglia e  $Z(i,j)$  è il valore assunto in ogni nodo
  - $\text{mesh}(Z)$  assume che  $X$  e  $Y$  siano  $1..N$  e  $1..M$



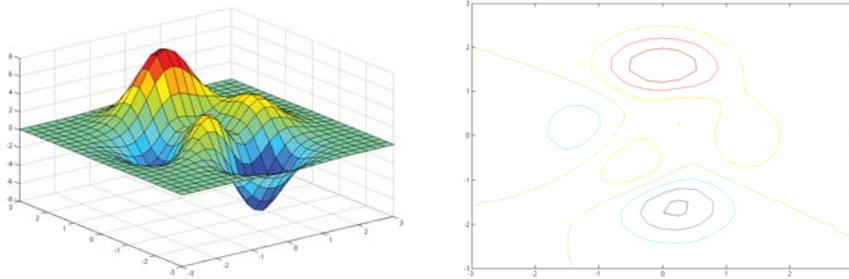
## La funzione surf

- E' concettualmente identica alla mesh, con l'unica differenza che la griglia è riempita con sfumature di colore



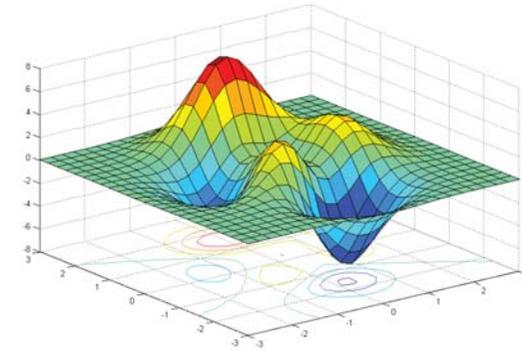
## La funzione contour

- Proietta i punti di uguale altezza in 3D (curve di livello) su un piano 2D sottostante
- Per il resto è analoga a surf o mesh – **contour(x,y,z)**



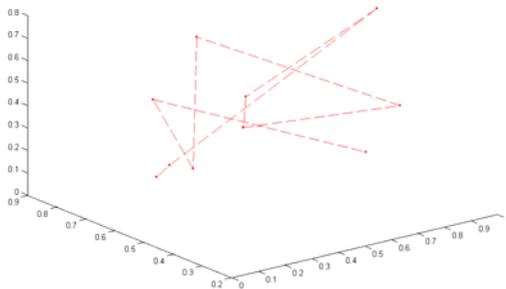
## La combinazione meshc,surfc

- Combina la visualizzazione della superficie o della griglia con il grafico delle curve di livello
- Per il resto è analoga a surf o mesh – **meshc(x,y,z)**



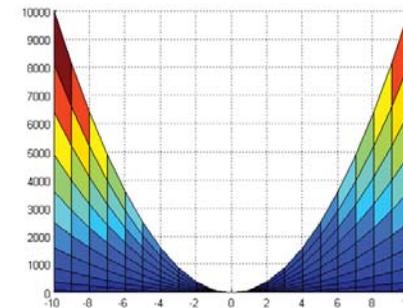
## La funzione plot3

- La funzione **plot3** Disegna linee e punti nello spazio 3D, in modo analogo alla plot, ma ora per terne di dati (x,y,z) generiche
- **Plot3(x,y,z)** assume che i 3 vettori abbiano la stessa lunghezza
- Ammette le stesse opzioni grafiche di plot.



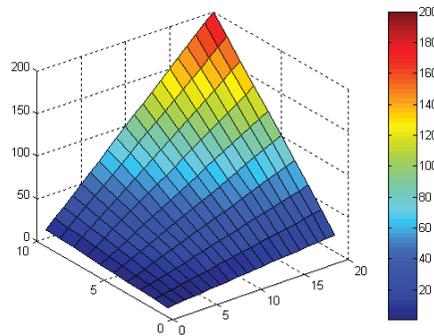
## Gestione del punto di vista

- E' possibile cambiare il punto da cui si osserva un grafico 3D con la funzione **view**
  - view(az,el)
  - az = Azimut (rotazione attorno all'asse z)
  - el = Elevazione (rotazione rispetto al piano xy)
- In modalità interattiva si usa **rotate3D**



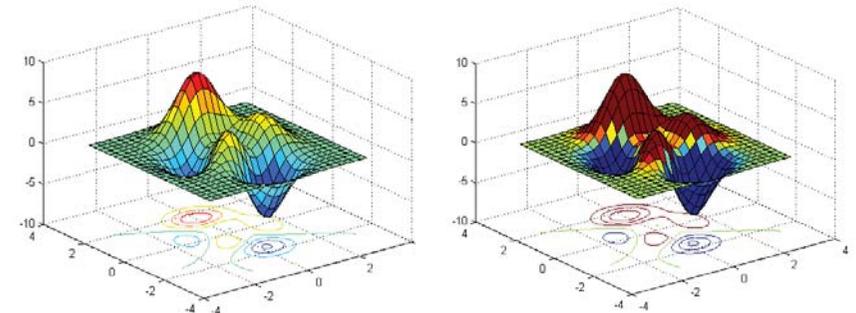
## La colorbar

- Nei grafici 3D è spesso utile affiancare al grafico una barra di colore che indica la corrispondenza tra colori e valori di altezza z, usando la funzione **colorbar**
- `colorbar('vert')` inserisce la colorbar in verticale
- `colorbar('horiz')` inserisce la colorbar in orizzontale



## Il comando caxis

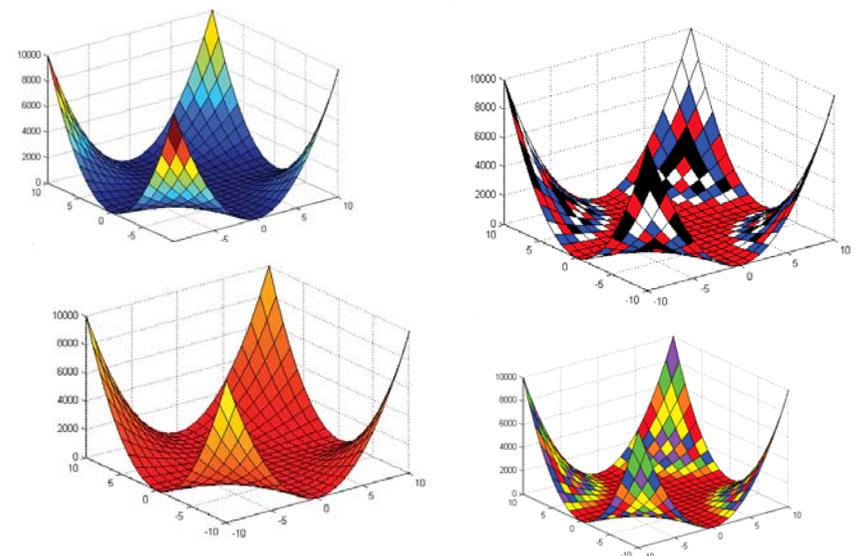
- Il comando **caxis** permette di definire l'intervallo da visualizzare a colori
- `caxis([min max])` sceglie i colori dalla mappa corrente e li assegna all'intervallo. I valori fuori dall'intervallo prendono colori fissi



## Gestione della mappa di colori

- Matlab fornisce numerose opzioni per personalizzare la mappa di colori utilizzata in un grafico
  - `colormap(colormap_name)` assegna una nuova mappa ad un grafico. Questa può essere una di quelle già disponibili oppure una realizzata *ad hoc*
  - `hsv`, `jet`, `autumn`, `vga`, `summer`, ...
  - Consultare l'help `graph3D` per altre informazioni
  - Usare la funzione `colormapeditor` per costruire la propria mappa di colore

## Esempi



## Grafica per immagini

- Una immagine non è altri che una matrice di numeri dotati di significato pittorico
- Viene visualizzata con diversi comandi
  - `image` visualizza una matrice di indici della colormap corrente
  - `imagesc` scala i valori per sfruttare tutta la colormap
  - `imshow` usa una colormap di default (grigi) o rappresentazioni true color per immagini a colori
- Uso legato al toolbox di image processing

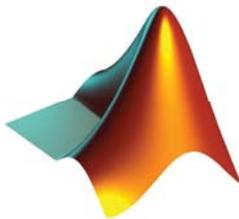


## Altre funzionalità grafiche

- Grafici speciali (polari con `polar`, a torta con `pie`, etc...)
- Effetti di sfumatura (`shading`)
- Sorgenti di illuminazione (`light`)
- Effetti di trasparenza (`alpha`)
- Stampa del grafico (`print`)

Per ognuna di queste funzionalità facciamo riferimento all'help ed alle risorse disponibili in rete

## L'ambiente Matlab per le applicazioni industriali (Parte 3 – Applicazioni numeriche)



## Fitting di dati

- In generale il fitting si pone l'obiettivo di adattare un generico modello matematico a dei dati sperimentali
- Tramite il modello è possibile
  - Ricostruire dati mancanti (interpolazione)
  - Stabilire delle tendenze (trend analysis)
  - Fare previsioni (estrapolazione)
- Nel caso più semplice i dati sono rappresentati da due vettori X (input) e Y (output), ed il modello descrive una relazione fra questi, del tipo  $Y=f(X)$ , con  $f$  sconosciuta
- Molto spesso  $f$  è un polinomio

# Polinomi

- Matlab dispone di un metodo particolarmente efficace per rappresentare i polinomi tramite vettori
- La variabile  $P=[a \ b \ c]$  rappresenta il polinomio  $Y=aX^2+bX+c$
- I polinomi sono particolarmente utili per l'analisi dei dati perché sono un semplice modello relazionale tra X e Y
- I problemi di fitting con polinomi sono esprimibili con equazioni molto semplici
- Il valore del polinomio P nel punto X si calcola con

$$Y=\text{polyval}(P,X)$$

# Operazioni tra polinomi

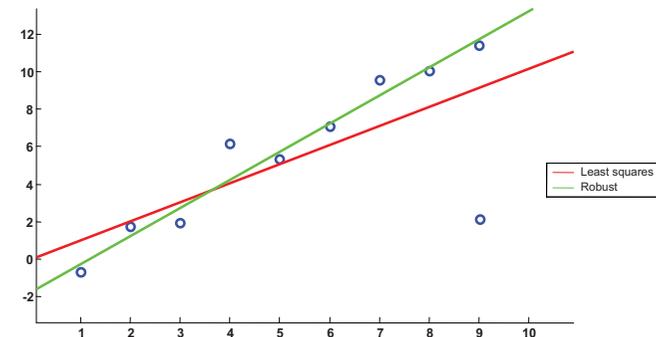
- I polinomi consentono di effettuare numerose operazioni che continuano a produrre polinomi
  - Addizione
  - Sottrazione
  - Moltiplicazione – funzione **conv**  
 $c = \text{conv}(a,b)$
  - Divisione – funzione **deconv**  
 $[q \ r]=\text{deconv}(a,b)$
  - Potenza
  - Derivazione – funzione **polyder**
  - Integrazione –funzione **polyint**

# Radici di un polinomio

- Un polinomio di grado N ha sempre N radici (complesse)
- Un polinomio è quindi individuato univocamente dalle sue radici, cioè i valori per cui si annulla (reali o complessi)
  - $R=\text{root}(P)$  estre le radici del polinomio P
  - $P=\text{poly}(R)$  crea un polinomio con radici R
- Le funzioni root e poly possono quindi essere intese una come l'inversa dell'altra (per radici calcolabili esattamente)
- Se  $N>4$  non esistono soluzioni esatte e i dati generati da root sono ottenuti attraverso soluzioni numeriche

# Fitting

- In generale una operazione di fitting può essere di tipo **semplice** (tutti i dati sono validi) oppure di tipo **robusto** (alcuni dati non sono validi e vanno scartati)
- Il fitting semplice spesso è quindi inadeguato



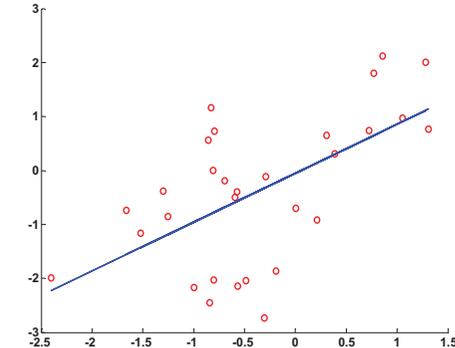
# Fitting

- La tecnica tradizionale di fitting è quella dei minimi quadrati, in cui si cerca un polinomio P di grado N che minimizza la distanza tra i dati Y ed i valori P(X)
- $P = \text{polyfit}(X,Y,N)$
- Se  $N=1$  il fitting è lineare, se  $N=2$  è parabolico, etc. etc.
- Il tutto (come sempre accade in Matlab) senza scrivere una riga di codice (o quasi), e senza errori
- La finestra di plot fornisce questo ed altri metodi attivabili interattivamente

# Esempio di fitting

- Tracciare il miglior fitting lineare (retta ai minimi quadrati) per un insieme di dati assegnato

```
[V1, V2] = textread('testdata2.txt', '%f%f', 'headerlines', 1);  
P = polyfit(V1, V2, 1);  
Y = polyval(P, V1);  
close all  
figure(1)  
hold on  
plot(var1, var2, 'ro')  
plot(var1, Y)
```



# Fitting robusto

- Il fitting robusto permette di tenere conto della presenza di possibili dati errati (outliers), che vanno eliminati dal processo
- I metodi di fitting robusto sono contenuti nel toolbox "Statistics"
- Ad esempio  $P = \text{robustfit}(X,Y)$  esegue questa operazione
- Il comando `robustdemo` fornisce una valida presentazione di come questo processo lavora
- Ogni toolbox possiede in generale uno o più demo (scritti in Matlab e con sorgenti visionabili) che illustrano le principali funzionalità

# Fitting di ordine superiore

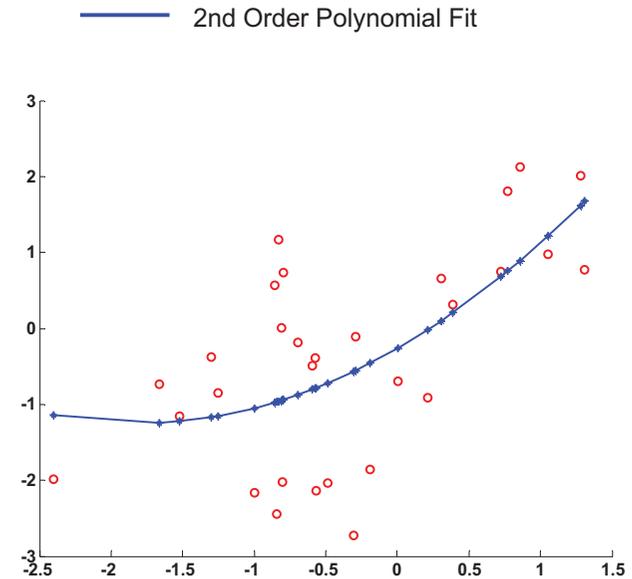
- Attraverso polyfit si possono calcolare polinomi ai minimi quadrati di ordine arbitrario

$$y = p_1 x^n + p_2 x^{n-1} + \dots + p_n x + p_{n+1}$$

- Spesso è interessante confrontare la curva risultante al variare di N, in modo da stabilire quale valore di N è più appropriato
- Questa è la tipica operazione banale in Matlab perchè coinvolge solo diverse chiamate alla polyfit e funzioni plot

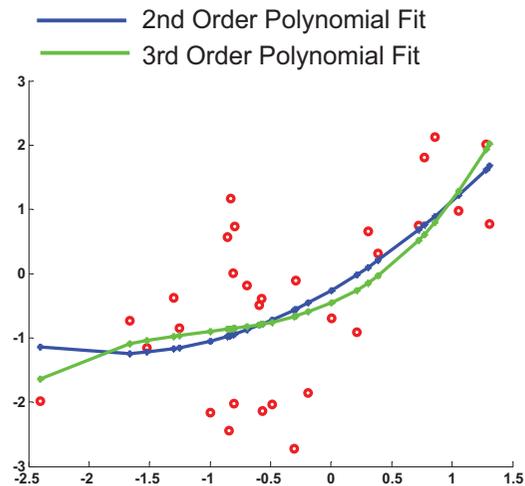
# Esempio di fitting quadratico

```
% Lettura dei dati
[V1, V2] = textread('testdata2.txt','%f%f','headerlines',1)
% Calcolo del fitting con un polinomio di secondo grado
P2 = polyfit(V1,V2,2);
Y2 = polyval(P2,V1);
% Plot del risultato
close all
figure(1)
hold on
plot(V1,V2,'ro')
% Modifica alla grafica del polinomio
[sortval, sortind] = sort(V1)
plot(sortval,Y2(sortind),'b*-')
```



# Aggiunta di fitting cubico

```
% Calcolo del fitting con un polinomio di terzo grado
P3 = polyfit(V1,V2,3);
Y3 = polyval(P3,V1);
% Aggiunta del grafico
plot(sortval,Y3(sortind),'g*-')
```



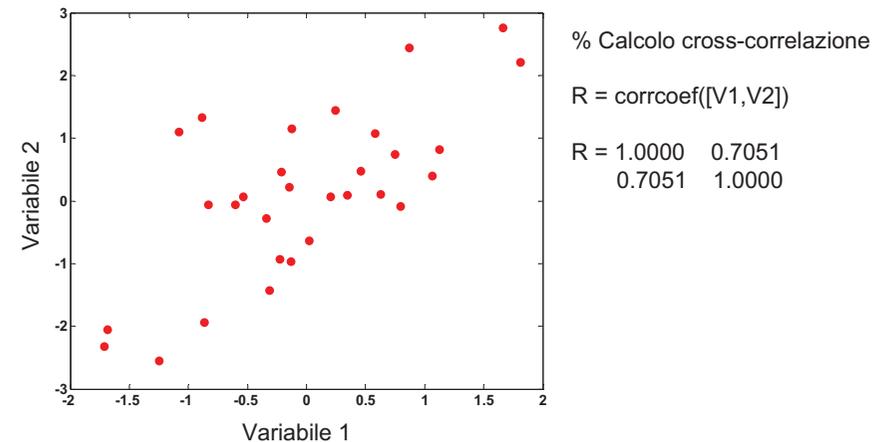
# Stabilire la bontà di un fitting

- La parte difficile di un fitting non è quasi mai il calcolo dei coefficienti del modello, ma stabilire se il risultato è o non è adeguato
- Stabilire la qualità di un fitting richiede esperienza, conoscenza del problema, ma soprattutto una visione “statistica” del problema
- La statistica c’entra perchè gli errori sono variabili casuali, e la loro gestione è quindi un problema di tipo statistico
- Matlab ovviamente aiuta ad affrontare questo problema attraverso diverse funzioni specifiche

## Correlazione tra dati

- Disponendo di diversi dati strutturati in modo analogo (vettori della stessa lunghezza) si possono impostare test per stabilire se esiste una correlazione tra questi
- Matlab dispone di diversi test possibili come il coefficiente di crosscorrelazione
  - $R = \text{corrcoef}(X)$
- Se  $X$  è una matrice  $N \times M$ , contenente  $M$  dati misurati  $N$  volte,  $R$  è una matrice  $M \times M$  che quantifica l'esistenza di una relazione lineare tra coppie di dati

## Esempio



## Interpolazione

- Nel fitting si usano di solito tutti i dati a disposizione per definire il modello
- Nella interpolazione, si è interessati a calcolare il valore “mancante” in un punto  $X_i$ , che quindi ci si aspetta dipendere solo dai dati “vicini” a  $X_i$
- Non è quindi necessario fittare tutti i dati  $X$  per ottenere il solo valore di  $Y$  nel punto  $X_i$
- Esistono allora diversi modelli di interpolazione che applicano un determinato modello solo in modo “locale”

## Interpolazione

- Matlab fornisce una funzione di uso generale per l'interpolazione di dati in forma vettoriale
- $Y_i = \text{interp1}(X,Y,X_i,\text{'metodo'})$
- Attraverso il parametro ‘metodo’ si possono selezionare
  - ‘linear’ Interpolazione lineare
  - ‘splines’ Interpolazione con splines cubiche
  - ‘cubic’ Interpolazione con cubiche di Hermite
  - ‘nearest’ Interpolazione nearest neighbour
- Il vettore  $X$  deve essere crescente, e se non lo fosse, occorre quindi precedere l'interpolazione con un ordinamento dei dati tramite **sort**

## Esempio

```
%esempi di interpolazione 1D
%generazione dei dati reali
X=-pi:0.01:pi;
Y=sin(X);
%dati campionati
XC=-pi:1.0:pi;
YC=sin(XC);
%calcolo diversi interpolatori
YN=interp1(XC,YC,X,'nearest');
YL=interp1(XC,YC,X,'linear');
YS=interp1(XC,YC,X,'spline');
%grafica
figure
plot(XC,YC,'ok');
hold on
plot(X,YN,'g',X,YL,'r',X,YS,'b');
```

## Interpolazione 2D

- L'interpolazione si estende direttamente anche a dati 2D (superfici)
- $Z_i = \text{interp2}(X, Y, Z, X_i, Y_i, \text{'metodo'})$
- $X, Y, Z$  sono tutte matrici della stessa dimensione che descrivono un reticolo regolare
- Esistono anche interpolazioni 2D pensate per disegnare superfici note solo su punti sparsi. In questi casi non sarebbe difatti possibile il normale plot tramite le funzioni mesh e surf
- $Z_i = \text{griddata}(X, Y, Z, X_i, Y_i, \text{'metodo'})$
- $X, Y, Z$  sono vettori che descrivono i dati sparsi

## Esempio

```
% interpolazione di dati 2D sparsi
% genero 100 dati vettoriali a caso tra -4 e 4
N=100;
X=rand(N,1)*8-4;
Y=rand(N,1)*8-4;
Z=sin(X).*cos(Y);
% voglio graficare questa superficie
% creo allora un reticolo 2D tra -4 e 4
[X1,Y1]=meshgrid(-4:0.1:4,-4:0.1:4);
% e ci interpolo i dati
Z1=griddata(X,Y,Z,X1,Y1,'linear');
% grafica delle superficie
figure(1)
surf(X1,Y1,Z1);
% grafica della superficie vera
figure(2)
Z2=sin(X1).*cos(Y1);
surf(X1,Y1,Z2);
```

## Sovra/sottocampionamento

- Un caso particolare di interpolazione molto frequente nella pratica è quello in cui:
  - Dato un vettore di  $N$  dati  $X$
  - Si vuole ottenere un vettore di  $M$  dati  $Y$
  - Con le stesse caratteristiche “statistiche”
- Se  $M > N$  si parla di sovracampionamento, altrimenti di sottocampionamento
- Essendo un problema molto comune, Matlab ha già pronta la soluzione, basata sulla trasformata di Fourier  
 $Y = \text{interpft}(X, M)$

# Sovra/sottocampionamento

- Il metodo utilizzato è basato sulla teoria di Shannon, secondo la quale, sotto opportune condizioni, una sequenza discreta di dati (segnale campionato) porta tutta l'informazione del segnale continuo
- Il segnale può in questi casi essere quindi arbitrariamente ricampionato in altri punti
- Funziona bene per dati variabili in modo lento (smooth), altrimenti può produrre valori non adeguati
- **Approccio generalizzabile a dati N-dimensionali**
  - ad esempio le immagini `A=imresize(B,[m n])`

# Smoothing

- Le operazioni di smoothing hanno lo scopo di ridurre gli errori presenti nei dati
- Esistono metodi di smoothing lineare (media o polinomi) o non lineare (mediana)
- Matlab fornisce implementazioni pronte di tutti quanti (sia nel modulo base che nei vari toolbox)
- **Alcuni esempi**
  - `filter`                      filtraggio lineare convolutivo
  - `medfilter1`                filtraggio mediano

# Esempio

```
%esempi di smoothing 1D
close all;
%generazione dei dati reali rumorosi
X=0:0.01:pi;
amp=input('ampiezza rumore ...');
Y=sin(X)+amp*(rand([1 length(X)])-0.5);
%calcolo diversi tipi smoothing a passo N
N = 11;
F = ones([1 N])/N;
YF=filter2(F,Y);
YM=medfilt1(Y,N);
%grafica
figure
plot(X,Y,'k');
hold on
plot(X,YF,'g','LineWidth',5);
hold on
plot(X,YM,'r','LineWidth',5);
```

# Calcolo su funzioni

- Matlab mette a disposizione molte funzionalità per operare su funzioni definite dall'utente per cercare:
  - Zeri, con la funzione `fzero`
  - Minimi o massimi con la funzione `fmin`
- Queste funzioni si appoggiano a librerie di calcolo numerico integrate appositamente in Matlab
- La funzione utente (definita in un M-file) viene passata come parametro
  - `X = fzero(@funzione,X0)`
  - `X = fmin(@funzione,X1,X2)`
- Ammettono entrambe un numero elevato di opzioni che condizionano la qualità e la precisione della ricerca

## Esercizio

- **Un problema di marketing**
  - Una azienda deve decidere il prezzo di prodotto che massimizza il profitto sapendo che:
  - $\text{profitto} = (\text{prezzo} - \text{costo}) * \text{venduto}$
  - Il venduto è funzione del prezzo
  - Il costo è funzione del venduto
  - Queste funzioni sono espresse in forma parametrica in base a modelli econometrici
- **Gli economisti aziendali dicono:**
  - modello del costo  $c(v) = cf + cv * \exp(-v/vrif)$
  - modello del venduto  $v(p) = k * (\text{prif}/p)^a$
- **L'analista deve valutare il prezzo ottimale in funzione dei parametri significativi del problema**

## Esercizio

- **Intervistando la produzione si desume:**
  - Costo fisso  $cf = 100$
  - Costo variabile  $cv = 100$
  - Il costo variabile si riduce parecchio se si vendono almeno 1000 pezzi ( $v_{rif}$ )
- **Intervistando il marketing si desume:**
  - Se il prodotto costasse 150, se ne venderebbero almeno 3000 pezzi
  - Se costasse di più se ne venderebbero di meno (!).
  - Con successiva richiesta emerge che se costasse il doppio se ne venderebbero  $\frac{1}{4}$ .
- **L'analista decide che ora ha abbastanza dati per partire con il calcolo e si mette al lavoro con il suo Matlab**

## Esercizio

- **Suggerimenti per la soluzione:**
  - Utilizzare una funzione che calcola il profitto per un prezzo assegnato
  - Provare un approccio semplice basato sul campionamento di un ragionevole intervallo di prezzo. Calcolare il profitto per ogni valore di prezzo e trovare il massimo con  $\max$
  - Più raffinato: massimizzare direttamente la funzione profitto nell'intervallo di prezzo selezionato, passandola come funzione alla  $fmin$  (o similare)

## Soluzione

# Operazioni tra insiemi

- Matlab consente anche di operare tra dati simbolici anziché numerici, intesi come elementi di insiemi
- $A=[1\ 2\ 3\ 4]$  è un insieme di 4 elementi
- Gli elementi possono essere qualunque cosa (es. caratteri), quindi gli insiemi sono array di celle
- La funzione più potente che opera su un insieme è **unique**. Dato A essa ritorna un insieme B ordinato e con ogni elemento contenuto una sola volta
  - $A=[1\ 2\ 5\ 2\ 1\ 3\ 3\ 7]$
  - $B=\text{unique}(A)$
  - $[1\ 2\ 3\ 5\ 7]$

# Operazioni tra insiemi

- **Unione (elementi che stanno in almeno uno)**
  - $C=\text{union}(A,B)$
- **Intersezione (elementi che stanno in entrambi)**
  - $C=\text{intersect}(A,B)$
- **Differenza (elementi che stanno solo nel primo)**
  - $C=\text{setdiff}(A,B)$
- **Appartenenza (presenza e posizione di un elemento dato)**
  - $\text{index}=\text{ismember}(A,b)$
- **Dimensione (numero di elementi)**
  - $b=\text{length}(A)$

## Esercizio

- Sfruttando le funzioni degli insiemi, realizzare uno script Matlab che risolve uno schema di sudoku (almeno quelli semplici)
- Il sudoku prevede la definizione di una matrice 9x9 in cui:
  - Ogni riga contiene tutti i simboli da 1 a 9
  - Ogni colonna contiene tutti i simboli da 1 a 9
  - Ognuna delle 9 sottomatrici 3x3 contiene tutti i simboli da 1 a 9
- All'inizio la matrice contiene già un simbolo in alcune posizioni (quante e dove a seconda della complessità)
- Il vincolo costruttivo prevede che debba esistere sempre una ed una sola soluzione compatibile con la condizione iniziale

## Esercizio (seguito)

- **Alcuni suggerimenti per la soluzione**
  - Usare lo zero per rappresentare le posizioni vuote
  - Usare find per trovare tutte le posizioni vuote
  - Usare gli insiemi per trovare i valori ammessi o non ammessi in una certa posizione
  - Assegnare una posizione solo quando c'è certezza sul valore
  - Gestire il possibile fallimento della strategia
- **Vincolo: non utilizzare cicli for (se possibile)**

## Soluzione

## Equazioni differenziali

- Spesso ci si trova di fronte a sistemi il cui modello prevede l'uso di equazioni differenziali (o anche sistemi)
- Matlab mette a disposizione soluzioni numeriche di vario livello per integrare direttamente queste equazioni a partire da condizioni iniziali note
- Si prevede sempre la riduzione alla forma normale
  - $x' = f(t,x)$
- La funzione incognita  $x(t)$  può essere scalare o vettoriale (sistema)

## Equazioni differenziali

## Esercizio

- La sintassi di tutti i metodi (es. **ode45**) è la stessa:
- **[t x]=ode45(@funzione,Tint,x0)**
  - [t,x] vettori di uscita per  $x(t)$
  - @funzione punta alla funzione che descrive  $f$
  - Tint è l'intervallo dove calcolare il risultato
  - X0 è la condizione iniziale
- Il risultato è in una forma pronta per essere graficata con plot
- Esistono poi numerose parametrizzazioni definibili tramite il comando **odeset**('parametro',valore,....)

- Studiare l'evoluzione di due popolazioni descritte dalle equazioni di Volterra
  - $x'=(a-by)x$
  - $y'=(cx-d)y$
- Assegnare i parametri  $a,b,c,d$  e le condizioni iniziali  $x_0,y_0$  provando varie combinazioni
- Capire il significato delle varie situazioni che si producono

Soluzione